

# **Olympiáda mladých vedcov**

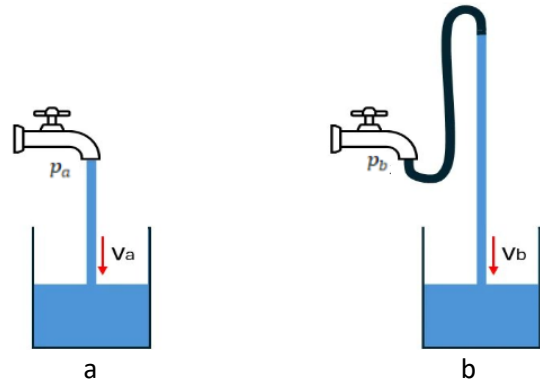
2025/2026

Školské kolo

Autorské riešenia

1. Na obrázkoch je znázornená voda (ideálna kvapalina) vytekajúca z kohútikov pod tlakmi  $p_a$  a  $p_b$ . V prípade a, vyteká voda priamo z kohútika a v prípade b, vyteká z hadice, ktorá je pripojená ku kohútiku. Ktoré tvrdenie o rýchlostiach dopadu vody na hladinu vody, za predpokladu  $p_a = p_b$ , je pravdivé?

- A.  $v_a > v_b$ ,  
 B.  $v_a < v_b$   
 C.  $v_a = v_b$   
 D. Na rozhodnutie nemáme dostatok informácií.



**Riešenie:**

Keďže tlak v oboch kohútikoch je rovnaký, tak aj rýchlosť vody v momente, kedy opúšťa kohútik, je rovnaká. V prvom prípade má voda pri kohútiku okrem kinetickej energie aj potenciálnu energiu, pričom pri dopade na hladinu sa celá premení na kinetickú energiu podľa zákona zachovania energie. V druhom prípade začíname s úplne rovnakými podmienkami, čo sa týka rýchlosti vody, ktorá vyteká z kohútika. Teda voda začína s rovnakou kinetickou aj potenciálnou energiou. Časť tejto kinetickej energie sa premení na energiu potenciálnu pri výstupe vody v hadici. Keď voda vyteká z hadice, má opäť kinetickú aj potenciálnu energiu, avšak vzhľadom k zákonu zachovania energie je celková energia rovnaká ako na začiatku. Teda aj voda, ktorá dopadá na hladinu v druhom prípade bude mať rovnako veľkú rýchlosť ako v prvom prípade.

**Správna odpoveď je C.**

2. V dokonale tepelne izolovanej nádobe sme zmiešali 1 liter vody s teplotou 20 °C a 3 litre vody s teplotou 5 °C. Aká je finálna teplota zmesi?
- A. 16,25 °C  
 B. 8,75 °C  
 C. 12,5 °C  
 D. 7,25 °C

**Riešenie:**

Ak zmiešame 2 kvapaliny s rôznou teplotou, nastane medzi nimi tepelná výmena. Pri tejto výmene jedna látka (tá s vyššou teplotou) teplo odovzdá a druhá látka (tá s nižšou teplotou) ho prijme. Ak si označíme teplejšiu kvapalinu indexom 1 a chladnejšiu indexom 2, tak platí:

$$Q_1 = Q_2.$$

Toto odovzdané/prijaté teplo spôsobí zmenu teploty u každej z látok, pričom podľa kalorimetrickej rovnice platí

$$Q_1 = m_1 \cdot c_{voda}(t - t_1),$$

$$Q_2 = m_2 \cdot c_{voda}(t_2 - t),$$

kde  $c_{voda}$  je hmotnostná tepelná kapacita vody,  $m_1$  a  $m_2$  sú hmotnosti jednotlivých kvapalín,  $t$  je teplota výslednej zmesi kvapalín a  $t_1$  a  $t_2$  sú teploty kvapalín pred ich zmiešaním. Dosadením dostávame

$$Q_1 = Q_2,$$

$$m_1 \cdot c_{voda}(t - t_1) = m_2 \cdot c_{voda}(t_2 - t),$$

pričom v tejto rovnici je aj naša neznáma  $t$ . Nepoznáme ani mernú tepelnú kapacitu vody ani hmotnosti jednotlivých látok.  $c_{voda}$  však môžeme vykrátiť, čím rovnica nadobudne tvar

$$m_1(t - t_1) = m_2(t_2 - t).$$

Ďalej si skúsime prepísať hmotnosť jednotlivých kvapalín pomocou vzťahu

$$m = \rho \cdot V,$$

čím dostaneme

$$V_1 \cdot \rho_{voda}(t - t_1) = V_2 \cdot \rho_{voda}(t_2 - t),$$

pričom člen  $\rho_{voda}$  možno vykrátiť, čím dostávame

$$V_1(t - t_1) = V_2(t_2 - t).$$

V tejto rovnici je už len 1 neznáma a to  $t$ . Po vyjadrení dostávame vzťah

$$t = \frac{V_1 \cdot t_1 + V_2 \cdot t_2}{V_1 + V_2},$$

kde po dosadení hodnôt dostávame 8,75 °C.

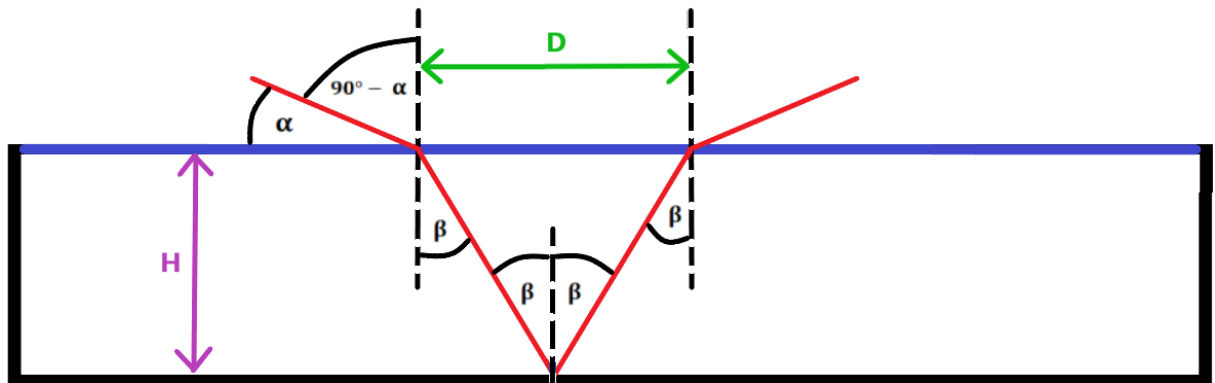
**Správna odpoveď je B.**

3. Lúč dopadajúci na vodorovnú hladinu vody bazéna pod uhlom  $\alpha = 65^\circ$  vzhľadom na hladinu vody sa v ňom láme, pričom sa následne odráža od dna, ktoré je od hladiny vzdialené 2 m. Aká je vzdialenosť medzi bodom vstupu a výstupu tohto lúča na hladine vody bazéna? Index lomu vody  $n_{voda} = 1,33$ , index lomu vzduchu je  $n_{vzduch} = 1$ .
- A. 1,34 m
  - B. 11,96 m
  - C. 4,3 m
  - D. 3,72 m

**Riešenie:**

Situácia je zobrazená na obrázku nižšie. V ňom je hĺbka bazéna, rovná 2 metrom, označená H a vzdialenosť miesta, kde lúč vstupuje do bazéna od miesta, kde z neho vystupuje, je označená D.

Vzdialenosť  $D$  je možno vypočítať s pomocou goniometrických vzťahov, ak budeme poznať uhol  $\beta$  (pretože výšku  $H$  už poznáme).



Uhol  $\beta$  je uhol lomu svetla pri jeho prechode zo vzduchu do vody. Keďže vieme dopočítať uhol dopadu (pretože ten nemáme zadany), tak vieme dopočítať aj uhol lomu podľa Snellovho zákona.

Platí

$$\sin \sin (90^\circ - \alpha) \cdot n_{vzduch} = \sin \sin \beta \cdot n_{voda},$$

z čoho po úpravách dostávame

$$\beta = \left( \frac{\sin \sin (90^\circ - \alpha) \cdot n_{vzduch}}{n_{voda}} \right).$$

Keď máme uhol lomu, tak vzdialenosť  $D$  vypočítame pomocou funkcie tangens ako

$$\tan \tan \beta = \frac{D}{H},$$

z čoho po pár úpravách a dosadení dostávame

$$D = 2H \cdot \tan \tan \left( \left( \frac{\sin \sin (90^\circ - \alpha) \cdot n_{vzduch}}{n_{voda}} \right) \right).$$

Po dosadení dostávame, že vzdialenosť  $D$  je rovná približne 1,34.

**Správna odpoveď je A.**

4. Plyn v uzatvorenej nádobe bol stlačený, čím sa jeho objem zmenšil na polovicu. Výsledkom bolo, že
- počet molekúl plynu sa znížil na polovicu
  - hustota plynu sa zdvojnásobila
  - hmotnosť plynu sa znížila na polovicu
  - priemerná vzdialenosť medzi molekulami sa zdvojnásobila

**Riešenie:**

Plyn je uzatvorený v nádobe, takže množstvo látky (počet molekúl) sa nemení, preto A ani C nemôžu byť správne. Správna nemôže byť ani možnosť D, pretože, ak sa objem zmenší, molekuly sa k sebe priblížia, takže priemerná vzdialenosť klesá, určite sa nezväčšuje.

Ak sa objem zmenší na polovicu, v nádobe zostáva rovnaký počet molekúl, len sú natlačené do menšieho priestoru. Hustota sa počíta ako  $\rho_0 = m/V$ . Keďže hmotnosť  $m$  (uzavretá nádoba) zostáva rovnaká a objem  $V$  sa zmenší na polovicu, hustota sa zdvojnásobí

$$\rho = \frac{m}{\frac{V}{2}} = 2 \frac{m}{V} = 2\rho_0.$$

**Správna odpoveď je B.**

5. Júlia sa rozhodla zistiť hustotu telesa tak, že pomocou silomera zistila silu pôsobiacu na teleso vo vzduchu  $F_{vzduch}$  a silu pôsobiacu na teleso po jeho úplnom ponorení do vody  $F_{voda}$  s hustotou  $\rho_{voda}$ . Na odvodenie vzťahu pre výpočet hustoty telesa  $\rho_{telesa}$  použila 2. Newtonov pohybový zákon a vzťah  $m = \rho \cdot V$ . Ak je hustota telesa väčšia ako hustota vody, tak správny tvar vzťahu na výpočet hustoty telesa pri Júliiných známych údajoch je:

A.  $\rho_{telesa} = \rho_{voda} \cdot \left[ \frac{1}{1 + \frac{F_{vzduch}}{F_{voda}}} \right]$

B.  $\rho_{telesa} = \rho_{voda} \cdot \left[ \frac{1}{1 - \frac{F_{voda}}{F_{vzduch}}} \right]$

C.  $\rho_{telesa} = \rho_{voda} \cdot \left[ 1 + \frac{F_{voda}}{F_{vzduch}} \right]$

D.  $\rho_{telesa} = \rho_{voda} \cdot \left[ 1 + \frac{F_{vzduch}}{F_{voda}} \right]$

**Riešenie:**

Jediná sila, ktorá na teleso pôsobí vo vzduchu, je sila gravitačná, teda platí

$$F_{vzduch} = F_g = m \cdot g = \rho_{telesa} \cdot V \cdot g.$$

Keď teleso ponoríme celé do vody, tak na teleso okrem gravitačnej sily pôsobí aj vztlaková sila, teda platí

$$F_{voda} = F_g - F_{vzt} = m \cdot g - \rho_{voda} \cdot V \cdot g = \rho_{telesa} \cdot V \cdot g - \rho_{voda} \cdot V \cdot g.$$

Ak dáme tieto 2 vzťahy do pomeru, tak dostávame

$$\frac{F_{voda}}{F_{vzduch}} = \frac{\rho_{telesa} \cdot V \cdot g - \rho_{voda} \cdot V \cdot g}{\rho_{telesa} \cdot V \cdot g} = 1 - \frac{\rho_{voda}}{\rho_{telesa}}.$$

Postupnými úpravami dostávame

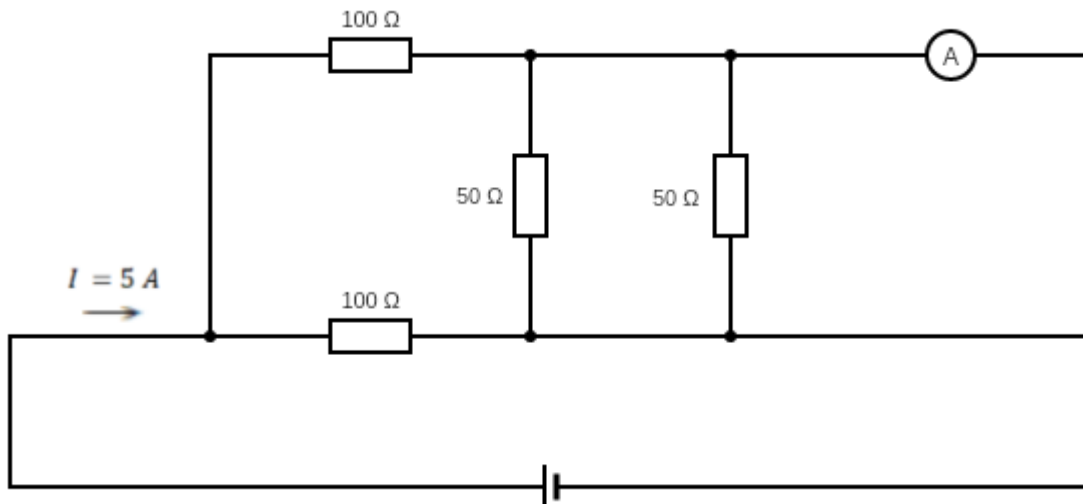
$$\frac{\rho_{voda}}{\rho_{telesa}} = 1 - \frac{F_{voda}}{F_{vzduch}}$$

$$\rho_{voda} = \rho_{telesa} \cdot \left[ 1 - \frac{F_{voda}}{F_{vzduch}} \right]$$

$$\rho_{telesa} = \rho_{voda} \cdot \frac{1}{\left[ 1 - \frac{F_{voda}}{F_{vzduch}} \right]}$$

**Správna odpoveď je B.**

6. Zistíte veľkosť prúdu, ktorý prechádza ampérmetrom, ak poznáte hodnotu celkového prúdu v obvode  $I = 5 \text{ A}$ .



- A. 2,3 A
- B. 5 A
- C. 2,5 A
- D. 1 A

**Riešenie:**

Ak sa na obrázok pozrieme bližšie, tak zistíme, že obvod je symetrický. Je to spôsobené nie len rozmiestnením rezistorov, ale aj tým, že jednotlivé dvojice rezistorov majú rovnakú veľkosť odporov. Vstupný prúd ( $5 \text{ A}$ ) sa vzhľadom k symetrii rozdelí na polovicu, teda  $2,5 \text{ A}$  a  $2,5 \text{ A}$ . Prúd prichádzajúci do uzla má totiž tendenciu deliť sa v pomere tak, aby väčšia časť prúdu išla cestou menšieho odporu. Lenže v našom prípade má prúd na výber len 2 cesty, pričom obe obsahujú rezistory o odpore  $100 \Omega$  a 2 paralelne zapojené rezistory. Tieto 2 prúdy potom prechádzajú ďalej, až oba prúdy k prvému paralelne zapojenému rezistoru. Prvý rezistorom o odpore  $50 \Omega$  neprechádza žiaden prúd. Situácia sa zopakuje pre druhý paralelne zapojený rezistor, nim taktiež nebude tiecť žiaden prúd. Prúd prechádzajúci cez ampérmeter bude teda rovnako veľký ako prúd prechádzajúci  $100 \Omega$  rezistorom, teda  $2,5 \text{ A}$ .

**Správna odpoveď je C.**

7. Pri normálnom atmosférickom tlaku je teplota varu vody na Kelvinovej teplotnej stupnici
- A. 0 K
  - B. 100,15 K

C. 273,15 K

D. 373,15 K

**Riešenie:**

Pri normálnom atmosférickom tlaku voda vrie pri teplote 100 °C. prevodový vzťah medzi °C a K je  $T [K] = t [°C] + 273,15$ . Preto 100 °C zodpovedá teplota 373,15 K.

**Správna odpoveď je D.**

8. Turista kráčal po horskom chodníku rýchlosťou 2 km/h a potom sa vrátil do svojho východiskového bodu po tej istej trase rýchlosťou 6 km/h. Aká bola jeho priemerná rýchlosť počas celej cesty?

A. 3 km/h

B. 3,5 km/h

C. 4 km/h

D. 5 km/h

**Riešenie:**

Priemerná rýchlosť pohybu sa počíta  $v_p = \frac{s_c \text{ (celá prejdená dráha)}}{t_c \text{ (čas, za ktorý bola celá dráha prejdená)}}$ . Cestou tam aj späť prešiel turista rovnakú dráhu  $s$ , celá dráha  $s_c = 2s$ . Keď išiel tam, trvalo mu to čas  $t_1 = \frac{s}{2}$ , cesta späť mu trvala  $t_2 = \frac{s}{6}$ . Teda pre celkový čas platí  $t_c = t_1 + t_2 = \frac{s}{2} + \frac{s}{6} = \frac{2s}{3}$ . Po dosadení do vzťahu pre výpočet priemernej rýchlosti dostávame  $v_p = \frac{2s}{\frac{2s}{3}} = 3 \frac{km}{h}$ .

**Správna odpoveď je A.**

9. Určte strednú vzdialenosť planéty Urán od Slnka, ak je jej obežná doba 84 rokov. Výsledok vyjadrite v AU (AU – astronomická jednotka – 1AU = vzdialenosť Zeme od Slnka).

A. 19,18 AU

B. 769,87 AU

C. 0,05 AU

D. 4,38 AU

**Riešenie:**

Tretí Keplerov zákon hovorí, že pomer druhej mocniny obežnej doby ( $T$ ) k tretej mocnine strednej vzdialenosti od Slnka ( $a$ ) je pre všetky planéty rovnaký, t. j.  $\frac{T^2}{a^3} = \text{konš.}$  Teda ak tento pomer poznáme pre nejakú planétu, napr. Zem, nemáme problém dopočítať strednú vzdialenosť inej planéty. Pre Zem platí  $a_z = 1 \text{ AU}$ ,  $T_z = 1 \text{ rok}$ . Preto

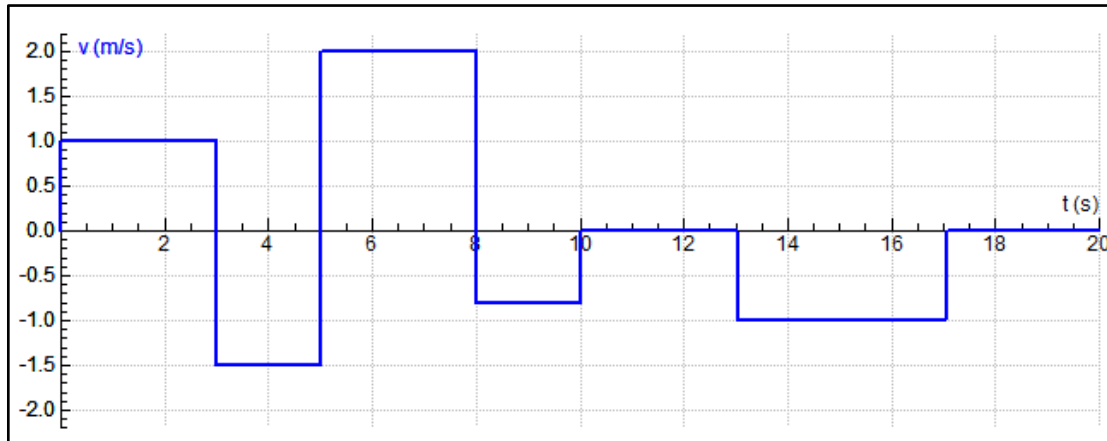
$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{T_z^2}{a_z^3} = 1$$

$$a^3 = T^2$$

$$a = \sqrt[3]{84^2} = 19,18 \text{ AU}$$

**Správna odpoveď je A.**

10. Na základe grafu závislosti rýchlosti od času vypočítate celkovú dráhu prejdenuú telesom.



- A. 17,6 m
- B. 15 m
- C. 35,2 m
- D. 0,4 m

**Riešenie:**

Celkovú dráhu vypočítame ako súčet plôch pod grafom funkcie  $v(t)$ . Nezáleží na tom, či je daná plocha nad osou  $x$  alebo pod ňou – všetky obsahy sa sčítavajú, prejdenuú dráha pri pohybe telesa sa nemôže zmenšovať. Preto

$$s = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 3 \text{ s} + 1,5 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 2 \text{ s} + 2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 3 \text{ s} + 0,8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 2 \text{ s} + 1 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 4 \text{ s} = 17,6 \text{ m}$$

**Správna odpoveď je A.**

**Autori:** doc. PaedDr. Klára Velmovská, PhD.  
Mgr. Patrik Rezák

**Recenzenti:** doc. RNDr. Martin Plesch, PhD.  
doc. RNDr. František Kundracik, PhD.

**Redakčná úprava:** doc. RNDr. Martin Plesch, PhD.

Celoštátne odborná komisia IJSO

**Vydavateľ:** Národný inštitút vzdelávania a mládeže, Bratislava